

Examenul de bacalaureat național 2017

Proba E. c)

Matematică *M_mate-info*

BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE

Varianta 10

Filiera teoretică, profilul real, specializarea matematică-informatică

Filiera vocațională, profilul militar, specializarea matematică-informatică

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la 10 a punctajului total acordat pentru lucrare.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

| | | |
|----|---|----------------|
| 1. | $2z_1 - 3z_2 = 2(2 + 3i) - 3(1 + 2i) =$ $= 4 + 6i - 3 - 6i = 1$ | 2p 3p |
| 2. | $x_1 + x_2 = 3m, x_1 x_2 = 2 \Rightarrow x_1 + x_2 + x_1 x_2 + 1 = 3m + 3$ $3m + 3 = 0 \Leftrightarrow m = -1$ | 3p 2p |
| 3. | $\log_4((x+3)(x-3)) = 2 \Rightarrow x^2 - 9 = 4^2 \Rightarrow x^2 - 25 = 0$ $x = -5$, care nu convine, $x = 5$, care convine | 3p 2p |
| 4. | Sunt 90 de numere naturale de două cifre, deci sunt 90 de cazuri posibile Numerele naturale de două cifre care au produsul cifrelor egal cu 6 sunt 16, 23, 32 și 61, deci sunt 4 cazuri favorabile $p = \frac{\text{nr. cazuri favorabile}}{\text{nr. cazuri posibile}} = \frac{4}{90} = \frac{2}{45}$ | 2p 2p 1p |
| 5. | $\frac{a}{3} = \frac{2}{-3}$ $a = -2$ | 3p 2p |
| 6. | $(\sin x - \cos x)^2 + \sin 2x = \sin^2 x - 2\sin x \cos x + \cos^2 x + 2\sin x \cos x =$ $= \sin^2 x + \cos^2 x = 1$, pentru orice număr real x | 3p 2p |

SUBIECTUL al II-lea

(30 de puncte)

| | | |
|------|--|----------|
| 1.a) | $A(0) = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix} \Rightarrow \det(A(0)) = \begin{vmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{vmatrix} =$ $= 0 + 0 + 1 - 1 - 0 - 1 = -1$ | 2p 3p |
| b) | $\det(A(x)) = \begin{vmatrix} x & 1 & 1 \\ x+1 & 1 & 1 \\ 1 & x & 1 \end{vmatrix} = x - 1, \det(A(x+1)) = x \Rightarrow (x-1)x = 12$ $x = -3$ sau $x = 4$ | 3p 2p |
| c) | $A(2) = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 3 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 1 \end{pmatrix}, \det(A(2)) = 1 \neq 0, (A(2))^{-1} = \begin{pmatrix} -1 & 1 & 0 \\ -2 & 1 & 1 \\ 5 & -3 & -1 \end{pmatrix}$ $X = (A(2))^{-1} \cdot A(0) \Rightarrow X = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & -1 & 0 \\ -4 & 2 & 1 \end{pmatrix}$ | 3p 2p |
| 2.a) | $f(0) = 0^3 - (m+2) \cdot 0^2 + (m^2 + 2) \cdot 0 - 1 =$ $= 0 - 0 + 0 - 1 = -1$, pentru orice număr real m | 2p 3p |

| | | |
|-----------|---|------------------------|
| b) | $x_1 + x_2 + x_3 = m + 2, x_1x_2 + x_1x_3 + x_2x_3 = m^2 + 2 \Rightarrow x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 = -m^2 + 4m$ $(x_1 - x_2)^2 + (x_2 - x_3)^2 + (x_3 - x_1)^2 = 2(x_1^2 + x_2^2 + x_3^2) - 2(x_1x_2 + x_1x_3 + x_2x_3) =$ $= 2(-m^2 + 4m - m^2 - 2) = -4(m-1)^2$, pentru orice număr real m | 3p 2p |
| c) | $x_1, x_2, x_3 \in \mathbb{R} \Rightarrow x_1 - x_2, x_2 - x_3, x_3 - x_1 \in \mathbb{R} \Rightarrow (x_1 - x_2)^2 + (x_2 - x_3)^2 + (x_3 - x_1)^2 \geq 0$, deci $(m-1)^2 \leq 0$ $m=1$, caz în care toate rădăcinile polinomului f sunt numere reale | 2p 3p |

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

| | | |
|-------------|--|--|
| 1.a) | $f'(x) = (2e^x)' - (x^2)' - (2x)' - (2)' =$ $= 2e^x - 2x - 2 = 2(e^x - x - 1), x \in \mathbb{R}$ | 2p 3p |
| b) | $f(0) = 0, f'(0) = 0$ Ecuația tangentei este $y - f(0) = f'(0)(x - 0)$, adică $y = 0$ | 2p 3p |
| c) | $f''(x) = 2(e^x - 1), x \in \mathbb{R}$ $x \in (-\infty, 0] \Rightarrow f''(x) \leq 0$, deci f' este descrescătoare pe $(-\infty, 0]$ $x \in [0, +\infty) \Rightarrow f''(x) \geq 0$, deci f' este crescătoare pe $[0, +\infty)$ $f'(x) \geq f'(0)$ și $f'(0) = 0$ implică $f'(x) \geq 0$ pentru orice număr real x , deci funcția f este crescătoare pe \mathbb{R} | 1p 1p 1p 2p |
| 2.a) | $\int_{-2}^1 (x+2)^2 dx = \frac{(x+2)^3}{3} \Big _{-2}^1 =$ $= \frac{3^3}{3} - 0 = 9$ | 3p 2p |
| b) | $\int_0^1 (x+2)e^x dx = (x+2)e^x \Big _0^1 - \int_0^1 e^x dx = 3e - 2 - e^x \Big _0^1 =$ $= 3e - 2 - e + 1 = 2e - 1$ | 3p 2p |
| c) | $\mathcal{A} = \int_{-1}^1 f(x) dx = \int_{-1}^1 (x+2)^n dx = \frac{(x+2)^{n+1}}{n+1} \Big _{-1}^1 = \frac{3^{n+1} - 1}{n+1}$ $\frac{3^{n+1} - 1}{n+1} = \frac{242}{n+1} \Leftrightarrow 3^{n+1} = 243 \Leftrightarrow 3^{n+1} = 3^5 \Leftrightarrow n = 4$ | 3p 2p |